Ebene Figuren (A: Flächeninhalt u: Umfang)

Quadrat

$$A = a^2$$
$$u = 4 a$$



Rechteck

$$A = a \cdot b$$

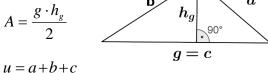
$$u = 2 a + 2 b$$



1/4

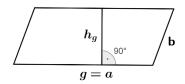
Dreieck

$$A = \frac{g \cdot h_g}{2}$$



Parallelogramm

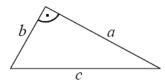
$$A = g \cdot h_g$$
$$u = 2a + 2b$$



Satz des Pythagoras

Im rechtwinkligen Dreieck gilt:

$$a^2 + b^2 = c^2$$

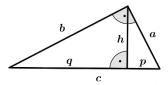


Höhen- und Kathetensatz

Im rechtwinkligen Dreieck gilt:

$$h^2 = p \cdot q$$

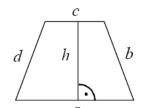
$$\begin{vmatrix} a^2 = c \cdot p \\ b^2 = c \cdot q \end{vmatrix}$$



Trapez

$$A = \frac{a+c}{2} \cdot h$$

$$u = a + b + c + d$$



Kreis

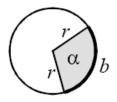
$$d = 2 r$$



$$A = \pi r^2$$
 oder $A = \frac{\pi d^2}{4}$
 $u = 2 \pi r$ oder $u = \pi d$

Kreissektor und Kreisbogen

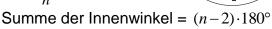
$$A = \pi r^2 \cdot \frac{\alpha}{360^{\circ}}$$
$$b = 2\pi r \cdot \frac{\alpha}{360^{\circ}}$$



Regelmäßiges n-Eck

α: Mittelpunktswinkel

$$\alpha = \frac{360^{\circ}}{n}$$



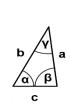


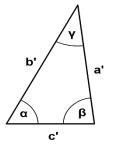
Ähnlichkeitsbeziehungen

Zwei Dreiecke sind ähnlich, wenn sie die gleichen Winkelgrößen haben.

Dann gelten folgende Längenverhältnisse:

$$\frac{a}{b} = \frac{a'}{b'}$$
; $\frac{a}{c} = \frac{a'}{c'}$; $\frac{b}{c} = \frac{b'}{c'}$





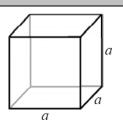
2/4

Körper (V: Volumen O: Oberfläche G: Grundfläche M: Mantelfläche)

Würfel

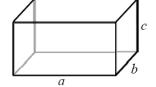
$$V = a^3$$

$$O = 6a^2$$



Quader

$$V = a \cdot b \cdot c$$

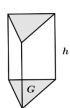


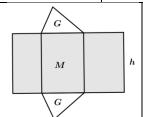
$$O = 2ab + 2bc + 2ac$$

Prisma

$$V = G \cdot h$$

$$O = 2 \cdot G + M$$





Zylinder

$$V = \pi r^2 \cdot h$$

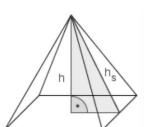
$$O = 2\pi r^2 + 2\pi r \cdot h$$

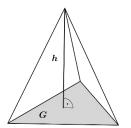


Pyramide

$$V = \frac{1}{3} \cdot G \cdot h$$

$$O = G + M$$





Kegel

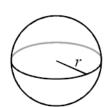
$$V = \frac{1}{3}\pi r^2 \cdot h$$

$$O = \pi r^2 + \pi rs$$

Kugel

$$V = \frac{4}{3}\pi r^3$$

$$O = 4\pi r^2$$



Maßeinheiten

Länge

$$1 \text{ km} = 1000 \text{ m}$$

$$1 \text{ m} = 10 \text{ dm} = 100 \text{ cm} = 1000 \text{ mm}$$

$$1 \text{ dm} = 10 \text{ cm} = 100 \text{ mm}$$

1 cm = 10 mm

Fläche

$$1 \text{ m}^2 = 100 \text{ dm}^2$$

$$1 \text{ dm}^2 = 100 \text{ cm}^2$$

$$1 \text{ cm}^2 = 100 \text{ mm}^2$$

$$1 a = 100 m^2$$

$$1 \text{ ha} = 10000 \text{ m}^2$$

Volumen

$$1 \text{ m}^3 = 1000 \text{ dm}^3$$

$$1 \text{ dm}^3 = 1000 \text{ cm}^3$$

$$1 \text{ cm}^3 = 1000 \text{ mm}^3$$

1 Liter = 1
$$\ell$$
 = 1 dm³

1 Milliliter = 1 m
$$\ell$$
 = 1 cm³

Masse

$$1 t = 1000 kg$$

$$1 \text{ kg} = 1000 \text{ g}$$

$$1 g = 1000 mg$$

3/4

Prozentrechnung

G: Grundwert

W: Prozentwert

Prozentsatz

p%: Prozentsatz in %

$$W = \frac{G \cdot p}{100} = G \cdot p\%$$

Exponentielles Wachstum

Wachstumsfaktor

p: Änderungsrate

p%: Änderungsrate in %

c: Anfangsgröße

$$a = 1 + \frac{p}{100} = 1 + p\%$$

$$f(x) = c \cdot a^x$$

Potenzgesetze

Für m, $n \in \mathbb{N}$ bei positiven reellen Basen

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$

$$\frac{a^m}{a^m} = a^{m-n}$$

$$a^{n} = a^{m+n}$$

$$\frac{a^{m}}{a^{n}} = a^{m-n}$$

$$a^{n} \cdot b^{n} = (a \cdot b)^{n}$$

$$\frac{a^{n}}{b^{n}} = \left(\frac{a}{b}\right)^{n}$$

$$(a^m)^n = a^{m \cdot n}$$

$$\begin{vmatrix} a^0 = 1 \\ a^{-n} = \frac{1}{a^n} \quad (a \neq 0) \end{vmatrix}$$

Wurzelgesetze

Für a, $b \ge 0$

$$\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a \cdot b}$$

$$\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}} \quad (b \neq 0) \qquad \sqrt[n]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[m]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[m]{a} \qquad (\sqrt[n]{a})^m = \sqrt[n]{a}^m$$

$$\sqrt[n]{\sqrt[m]{a}} = \sqrt[m]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[m]{a}$$

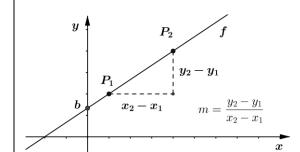
$$(\sqrt[n]{a})^m = \sqrt[n]{a^n}$$

Lineare Funktionen:

f(x) = m x + b

m: Änderungsrate oder Steigung

b: Schnittstelle mit der y-Achse



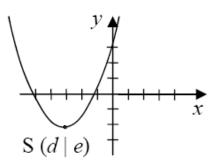
Quadratische Funktionen:

Allgemeine Form:

$$f(x) = ax^2 + bx + c \qquad (a \neq 0)$$

Scheitelpunktform:

$$f(x) = a (x - d)^2 + e \rightarrow S (d \mid e)$$



Quadratische Gleichungen

Normalform:

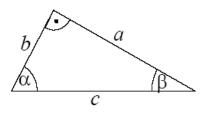
$$x^2 + px + q = 0$$

Lösung:

$$x_{1,2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$$

Trigonometrie

Im rechtwinkligen Dreieck gilt:

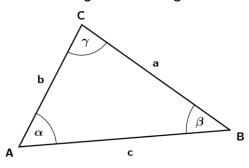


$$\sin \alpha = \frac{a}{c} = \frac{Gegenkath ete}{Hypotenuse}$$

$$\cos \alpha = \frac{b}{c} = \frac{Ankathete}{Hypotenuse}$$

$$\tan \alpha = \frac{a}{b} = \frac{Gegenkathete}{Ankathete}$$

In einem beliebigen Dreieck gilt:



Sinussatz

$$\frac{a}{b} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$$
; $\frac{a}{c} = \frac{\sin \alpha}{\sin \gamma}$; $\frac{b}{c} = \frac{\sin \beta}{\sin \gamma}$

Kosinussatz

$$a^{2} = b^{2} + c^{2} - 2bc \cdot \cos \alpha$$
$$b^{2} = a^{2} + c^{2} - 2ac \cdot \cos \beta$$
$$c^{2} = a^{2} + b^{2} - 2ab \cdot \cos \gamma$$

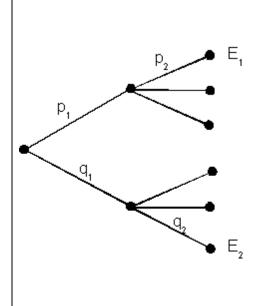
Wahrscheinlichkeitsrechnung

Laplace - Versuch

Zufallsversuch, bei dem alle Ergebnisse gleich wahrscheinlich sind. Die Wahrscheinlichkeit *P* für das Eintreten eines Ereignisses *E* berechnet man wie folgt:

$$P(E) = \frac{Anzahl \ der \ günstigen \ Ergebnisse}{Anzahl \ der \ m\"{o}glichen \ Ergebnisse}$$

Mehrstufige Zufallsversuche lassen sich in einem Baumdiagramm darstellen. Dabei kann ein Ergebnis als Pfad veranschaulicht werden. Die Wahrscheinlichkeiten lassen sich mithilfe von Pfadregeln berechnen.



Pfadregeln:

Produktregel

Die Wahrscheinlichkeit eines Ergebnisses ergibt sich aus dem Produkt der Wahrscheinlichkeiten entlang des Pfades.

$$P(E_1) = p_1 \cdot p_2$$

Summenregel

Die Wahrscheinlichkeit eines Ereignisses ist gleich der Summe der Einzelwahrscheinlichkeiten.

$$P(E) = P(E_1) + P(E_2)$$

 $P(E) = p_1 \cdot p_2 + q_1 \cdot q_2$