

Dokumentation Mathematik

Auszug aus den Prüfungsanforderungen in Ni:

Erläuternde, kommentierende und begründende Texte sind unverzichtbare Bestandteile der Prüfungsleistung. Mangelhafte Gliederung, Fehler in der Fachsprache sind als fachliche Fehler zu werten. Darüber hinaus sind schwerwiegende und gehäufte Verstöße gegen die sprachliche Richtigkeit in der Muttersprache oder gegen die äußere Form zu bewerten.

Die Lösungswege müssen nachvollziehbar dokumentiert werden.

Bei umfangreichen Aufgaben (Abitur) ist begleitender erläuternder Text erforderlich. Stell dir hierfür einen LK-Schüler vor, der häufig gefehlt hat. Deinem Text soll er das Vorgehen entnehmen können. Wichtig: Kurz und treffend formulieren, also keine zeitraubenden, ausschweifenden Formulierungen. Eine Skizze kann hilfreich sein, den Lösungsweg zu beschreiben.

1. aussagekräftige Überschrift,
z.B. Schnittpunktbestimmung

2. (algebraischer) Ansatz,
z.B. $x^3 = x + 2$

$$\int_0^x f(t) dt = 10$$

notw. Bed. für ein Extremum $f'(x) = 0$

notw. Bed. für einen Wendepunkt $f''(x) = 0$

Nicht auf der Hand liegende Lösungsidee in ganzen Sätzen (mit einem Punkt am Ende) formulieren. Auf Kommasetzung ist zu achten.

$x_{1/2} = \pm \dots$, graphisch mit dem GTR [intersect] oder GTR [solver]

GTR-Anweisungen (in halbeckigen Klammern, Einheiten in eckigen Klammern, z.B. [$\frac{cm}{Tag}$])

müssen nicht lückenlos angegeben werden. Die Angabe kann bei einem Tippfehler bei der Bewertung berücksichtigt werden.

Zwischenergebnisse mit angemessener Anzahl von Nachkommastellen sind zu notieren.

3. übersichtlich gegliederte Rechnung, ggf. mit Erläuterungen,
Gleichungen mit Leerzeile untereinander schreiben,
Gleichungssysteme mit horizontalen Gliederungsstrichen
4. Antwortsatz, ggf. mit Einheiten,
Das Ergebnis (z.B. $k = 222$) ist in den (Sach-) Zusammenhang einzuordnen (zu interpretieren).
Sinnvoll runden, Prozent- und Gradangaben auf eine Nachkommastelle.

Auf korrekte Rechtschreibung ist zu achten:

Pythagoras, Kathete, Hypotenuse, Wahrscheinlichkeit, Standardabweichung,
Vier-Felder-Tafel, Zufallsvariable ist binomialverteilt, Histogramm, Bernoulli-Kette,
waagerechte Tangente, Symmetrie, Graph ist achsensymmetrisch, orthogonal,
Graph ist punktsymmetrisch zum Punkt $P(3 | 4)$, Asymptote, Definitionsbereich,
parallele Geraden, strebt gegen Unendlich, Quadrant

exakt bestimmen / exakt berechnen / exakt ermitteln:

Hier wird eine Rechnung ohne Verwendung des GTR und die Angabe eines algebraisch exakten Ergebnisses erwartet.

beweisen, nachweisen, zeigen:

Hier wird eine lückenlose, logische Beweisführung erwartet.

Auf korrekte math. Schreibweisen ist zu achten:

$$k \in \{1, 2, 3, \dots, 10\}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} = 0$$

Die Folge a_n strebt gegen a ,
die Folge konvergiert gegen a .

Der Grenzwert ist a .

Der Limes ist a .

$$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$$

\vee (oder) \wedge (und) sind nicht erforderlich.

Zwischen Graph und Funktion ist zu unterscheiden. Ein Punkt liegt auf dem Graphen.

Die Graphen schneiden sich.

Zwischen Stelle und Punkt ist zu unterscheiden.

An der Stelle $x = 3$ ist die Ableitung null.

\implies im Sinne von \dots daraus folgt \dots verwenden und nicht im Sinne von \dots Fortsetzung auf Seite 10.

Vektorrechnung

Zwischen Punkt $A(4 | 1 | 2)$ und Vektor $\vec{OA} = \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ ist zu unterscheiden.

Kurzschreibweisen sind möglich: $g \cap h$, $g \parallel h$, $g \not\parallel h$, $g \perp h$, $g \equiv h$ (identisch), $g \neq h$, $P \in E$, $P \notin E$

Keine eigenen Abkürzungen verwenden.

Vor jeder Rechnung ist ein Ansatz zu formulieren, z. B.:

$$\vec{OA} = 2 \cdot \vec{OB} + 3 \cdot \vec{OC}$$

$$E: \vec{x} = \vec{a} + \lambda \vec{u} + \mu \vec{v}$$

Stochastik

Den Ansatz möglichst ohne GTR-Befehle formulieren.

Binomialverteilung

$$P_{0,84}^{880}(Z > 750) = 14,9\% \quad [1 - \text{binomcdf}(880, 0.84, 750)]$$

bedingte Wahrscheinlichkeit $P(G | K)$

minimales n mit $P_{0,8}^n(X \geq 3) \geq 95\%$, mindestens $n = 6$ (tabellarisch)

$$Y1 = 1 - \text{binomcdf}(X, 0.8, 2)$$

X	Y1
5	.942
6	.983

Ist hier was falsch?

$$\begin{aligned} a^2 &= b^2 + c^2 & | \sqrt{} \\ a &= b + c \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} a^x &= b + c & | \ln \\ x \ln a &= \ln b + \ln c \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \ln(0,5) \cdot n &< -10 & | : \ln(0,5) \\ n &< 14,4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} a &= \frac{2}{3} \left(x + \frac{1}{3}\right) & | \cdot 3 \\ 3a &= 2(x + 1) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} a + b &= 0 \\ c + d &= 0 \end{aligned} \iff a + b = c + d$$

$$\begin{aligned} x^2 &= a^2 \\ \iff x &= a \end{aligned}$$

$$f(x) = e^{-x^2}$$

Rechne aus: $f(0)$, $f(-1)$, $f(-\sqrt{\ln 2})$

Ist hier was falsch?

$$a^2 = b^2 + c^2 \quad | \sqrt{}$$
$$a = b + c \quad \mathbf{f}$$

$$a^x = b + c \quad | \ln$$
$$x \ln a = \ln b + \ln c \quad \mathbf{f}$$

$$\ln(0,5) \cdot n < -10 \quad | : \ln(0,5)$$
$$n < 14,4 \quad \mathbf{f}$$

$$a = \frac{2}{3}\left(x + \frac{1}{3}\right) \quad | \cdot 3$$
$$3a = 2(x + 1) \quad \mathbf{f}$$

$$a + b = 0$$
$$c + d = 0 \quad \iff \mathbf{f} \quad a + b = c + d$$

$$x^2 = a^2$$
$$\iff x = a \quad \mathbf{f}$$

So ist es richtig.

$$a^2 = b^2 + c^2 \quad | \sqrt{}$$
$$a = \pm \sqrt{b^2 + c^2}$$

$$a^x = b + c \quad | \ln$$
$$x \ln a = \ln(b + c) \quad , a > 0, b + c > 0$$

$$\ln(0,5) \cdot n < -10 \quad | : \ln(0,5)$$
$$n > 14,4$$

$$a = \frac{2}{3}\left(x + \frac{1}{3}\right) \quad | \cdot 3$$
$$3a = 2\left(x + \frac{1}{3}\right) \quad \text{oder}$$
$$3a = \frac{2}{3}(3x + 1)$$

$$a + b = 0 \quad \text{fast nutzlos, } =0 \text{ geht verloren}$$
$$c + d = 0 \quad \implies a + b = c + d$$

$$x^2 = a^2$$
$$\iff x = \pm a$$

$$f(x) = e^{-x^2}$$
$$f(0) = 1, f(-1) = e^{-1}, f(-\sqrt{\ln 2}) = \frac{1}{2}$$

Ist hier was falsch?

$$\begin{aligned} -2x &= a & | +2 \\ x &= a + 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{3}{5} - \frac{1}{5}(1-x) &= c \\ \frac{2}{5}(1-x) &= c \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1 - \frac{1}{2}(1+x) &= c & | \cdot 2 \\ 2 - 1 + x &= c \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sqrt{a} + \frac{1}{2}\sqrt{b} &= \sqrt{c} & | ()^2 \\ a + \frac{1}{2}b &= c \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} x_1 &= \sqrt{a^2} \\ x_1 &= a \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} x^2 + x &= a \\ x(x+1) &= a \\ x_1 &= a, \quad x_2 = a - 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{5} - \frac{1+x}{5} &= d \\ \frac{x}{5} &= d \end{aligned}$$

Ist hier was falsch?

$$\begin{aligned} -2x &= a & | +2 \\ x &= a + 2 & \mathbf{f} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{3}{5} - \frac{1}{5}(1-x) &= c \\ \frac{2}{5}(1-x) &= c & \mathbf{f} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1 - \frac{1}{2}(1+x) &= c & | \cdot 2 \\ 2 - 1 + x &= c & \mathbf{f} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sqrt{a} + \frac{1}{2}\sqrt{b} &= \sqrt{c} & | ()^2 \\ a + \frac{1}{2}b &= c & \mathbf{f} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} x_1 &= \sqrt{a^2} \\ x_1 &= a & \text{kann falsch sein} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} x^2 + x &= a \\ x(x+1) &= a \\ x_1 &= a, x_2 = a - 1 & \text{kann falsch sein} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{5} - \frac{1+x}{5} &= d \\ \frac{x}{5} &= d & \mathbf{f} \end{aligned}$$

So ist es richtig.

$$\begin{aligned} -2x &= a & | :(-2) \\ x &= -\frac{a}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{3}{5} - \frac{1}{5}(1-x) &= c & | \cdot 5 \\ 3 - (1-x) &= 5c \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1 - \frac{1}{2}(1+x) &= c & | \cdot 2 \\ 2 - 1 - x &= 2c \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sqrt{a} + \frac{1}{2}\sqrt{b} &= \sqrt{c} & | ()^2 \\ (\sqrt{a} + \frac{1}{2}\sqrt{b})^2 &= c & \text{binomische Formel} \\ a + \sqrt{ab} + \frac{1}{4}b &= c \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} x_1 &= \sqrt{a^2} \\ x_1 &= |a| \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} x^2 + x &= a \\ x(x+1) &= a \\ x_1 &= a, x_2 = a - 1 & \text{nur für } a = 0 \text{ richtig, sonst } pq\text{-Formel verwenden} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{5} - \frac{1+x}{5} &= d \\ \frac{1-1-x}{5} &= d \\ -\frac{x}{5} &= d & \text{oder gleich mit 5 multiplizieren} \end{aligned}$$

Zur Auswahl der Aufgaben

Die Abituraufgaben haben in der Regel einen einfachen Einstieg.

Dieser und die eigene Neigung sollten noch nicht die Auswahl bestimmen.

Hierzu siehe man sich die abschließenden Fragestellungen mit vielen Bewertungseinheiten genau an.

Es ist sinnvoller, möglichst viele Teilaufgaben zu bearbeiten, statt sich an einer festzubeißen und eine perfekte Lösung (meistens rechenintensiv und zeitaufwändig) anzustreben.

Systematisches Probieren ist in Ni möglich. Die Beschreibung muss nachvollziehbar sein.

Wird ein Lösungsweg erkannt, sollte kurz innegehalten und sich gefragt werden:

Geht es nicht auch einfacher?

Bei der Wahl eines Koordinatensystems (z.B. bei der Trassierung) sollte nach einer Symmetrie gesucht werden. Der Ursprung ist geeignet festzulegen. Der Rechenaufwand kann halbiert werden.

Markiere alle Operatoren (35 bis 40) im Aufgabentext. Das (ärgerliche) Übersehen von einfachen Fragestellungen ist immer wieder zu beobachten.